

## **תוכן העניינים**

### **מ ב ו א**

3.....	1. מהי סטטיסטיקה?
3.....	1.1 סטטיסטיקה תיאורית.....
3.....	1.2 חסכה סטטיסטית.....
5.....	2. אוכלוסיות המחקר וחשיבותם.....
5.....	2.1 אוכלוסיות מחקר.....
6.....	2.2 אוכלוסייה סטטיסטית.....
7.....	2.3 משתנים.....
7.....	2.4 מין משתנים.....
7.....	2.4.1 מין לפי מהות המשנה.....
9.....	2.4.2 מין לפי רמת המדידה.....
12.....	2.4.3 השוואה בין שיטות המין.....
12.....	2.4.4 מין לפי כיוון התיאור.....
13.....	2.5 כלליות המחקר הסטטיסטי.....
15.....	מושגים חוזרים.....
16.....	תרגילים - פרק 2

### **ס ט ט י ס ט י ק ה      ת א O R I T**

17.....	3. לוחות סטטיסטיים .....
17.....	3.1 לוח חד-ミידי.....
21.....	3.2 לוח דו-ミידי.....
22.....	3.3 לוח תלת-ミידי.....
24.....	מושגים חוזרים.....
25.....	תרגילים - פרק 3
27.....	4. הצגה גרפית .....
27.....	4.1 דיאגרמת המעל.....
29.....	4.2 דיאגרמות מקלות.....

30 .....	4.3 היסטוגרמאות
36 .....	4.4 מצולע שכיחיות
37 .....	4.5 צורת החתפנות
41 .....	מושגים חוזרת
42 .....	תרגילים - פרק 4
47 .....	5. ערכית מרכזית
47 .....	5.1 השכיח
47 .....	5.1.1 השכיח למשתנה איקוטי וכמותי-בדיקה
47 .....	5.1.2 השכיח למשתנה כמותי-רציף
50 .....	5.1.3 תוכנות השכיח
51 .....	5.2 החזיוון
51 .....	5.2.1 החזיוון בסדרת ערכים בודדים
53 .....	5.2.2 החזיוון בטבלות שכיחיות
57 .....	5.2.3 תוכנות חזיוון
58 .....	5.3 הממוצע האריתמטי
59 .....	5.3.1 הממוצע בסדרת ערכים בודדים
60 .....	5.3.2 הסימן ס
62 .....	5.3.3 הממוצע בטבלות שכיחיות
65 .....	5.3.4 תוכנות הממוצע
68 .....	5.4 השוואת בין הערכים המרכזיים
68 .....	5.4.1 לפי סוג המשתנה
69 .....	5.4.2 לפי צורת החתפנות
72 .....	5.4.3 לפי פונקציית החפסה בণבוי
77 .....	מושגים חוזרת
78 .....	תרגילים - פרק 5
83 .....	6. מדדי פיזור
83 .....	6.1 התוחום
84 .....	6.1.1 חישוב התוחום
84 .....	6.1.2 תוכנות התוחום
84 .....	6.2 התוחום הבן וביעוני
86 .....	6.2.1 הריבועונים למשתנה בדיד
87 .....	6.2.2 הריבועונים למשתנה רציף
90 .....	6.2.3 תוכנות התוחום הבן וביעוני
90 .....	6.3 ערכי חלוקה

94 .....	<b>6.4 מוצע הסטיות המוחלטות</b>
94 .....	6.4.1 מוצע הסטיות המוחלטות בסדרת ערכים בודדים
96 .....	6.4.2 מוצע הסטיות המוחלטות בטבלת שכיחיות
98 .....	6.5 חישנות וסטיית התקן
99 .....	6.5.1 חישנות וסטיית התקן בסדרת ערכים בודדים
102 .....	6.5.2 חישנות וסטיית התקן בטבלת שכיחיות
104 .....	6.5.3 דרך נוספת לחישוב החישנות וסטיית התקן
108 .....	6.5.4 סטיית התקן לשנתה רציף
110 .....	6.5.5 תכונות החישנות וסטיית התקן
113 .....	6.6 השוואת סטיות התקן
116 .....	מושגים חוזרת
117 .....	תרגילים - פרק 6
121 .....	<b>7. ציוני התקן</b>
122 .....	7.1 תוכנות של ציוני התקן
127 .....	מושגים חוזרת
128 .....	תרגילים - פרק 7
129 .....	<b>8. ממדדי אסימטריה וגבוניות</b>
129 .....	8.1 ממדדי אסימטריה
130 .....	8.1.1 ממד אסימטריה לפי הרבעונים
133 .....	8.1.2 ממד פירסון לאסימטריה
135 .....	8.1.3 ממד אסימטריה לפי חומרנט השלישי של ציוני התקן
137 .....	8.2 גבוניות
139 .....	מושגים חוזרת
140 .....	תרגילים - פרק 8
143 .....	<b>9. התפלגות נורמלית</b>
153 .....	תרגילים - פרק 9
154 .....	סיכום לסטטיסטיקה תיאורית
156 .....	פלט מחשב לסטטיסטיקה תיאורית

10. קשור סטטיסטי בין משתנים.....	163
10.1 קשור סטטיסטי בין שני משתנים .....	163
10.2 קשר ליטרי בין שני משתנים.....	165
10.3 מקדם המתאים בין המשתנים X-1- $\gamma$ .....	168
10.4 התוחזות.....	173
10.4.1 קו הרגסיה לחיזוי $\gamma$ לפי $X$ .....	173
10.4.2 קו הרגסיה לחיזוי $X$ לפי $\gamma$ .....	178
10.5 קשר בין מקדם המתאים וקווי הרגסיה.....	180
10.6 הגדרת מקדם המתאים לפי פונקציית חפסד ניבוי.....	181
10.6.1 חישוב $\gamma^2$ לפי פונקציית החפסד .....	183
10.7 הגדרת מקדם המתאים לפי יחס שונותיות.....	185
מושגים חוזרים.....	190
תרגילי - פרק 10	191

## ה ס ת ב ר ו ת

11. ניסוי מקרי.....	193
11.1 פעולות בין מאורעות.....	196
11.2 הגדרת מודל הסתברותי.....	197
11.3 חוקים בחישוב הסתברויות.....	200
מושגים חוזרים.....	207
תרגילים - פרק 11	208
12. הסתברות מותנה.....	211
12.1 הסתברות של חיתוך מאורעות .....	212
12.2 הסתברות של חיתוך מאורעות בלתי תלויים .....	213
12.3 נוסחת בייס להסתברות מותנה .....	217
מושגים חוזרים.....	222
תרגילים - פרק 12	223
13. נוסחאות בקומבינטוריקה.....	225
13.1 דוגמאות לחישוב הסתברויות .....	228
13.2 ניסוי היירגיאומטרי .....	229

232 .....	13.3 מודל של מכפלת .....
234 .....	13.4 ניסוי בינווי .....
 236 .....	מושגים לחזרה .....
237 .....	תרגילים - פרק 13 .....
 239 .....	14. משתנה מקרי ופונקציית הסתברות של משתנה מקרי .....
239 .....	14.1 משתנה מקרי .....
240 .....	14.2 פונקציית הסתברות .....
241 .....	14.3 תיאור פונקציית הסתברות .....
246 .....	14.3.1 תוכנות התוחלת .....
246 .....	14.3.2 תוכנות השונות וSTITUTHT חתקן .....
246 .....	14.4 פונקציית הסתברות ביןימית .....
248 .....	14.5 פונקציית הסתברות היפרגיאומטרית .....
251 .....	14.6 פונקציית הסתברות נורמלית .....
253 .....	14.7 קירוב נורמלי לבינום .....
 256 .....	מושגים לחזרה .....
257 .....	תרגילים - פרק 14 .....

## ה ס ק ה   ס ט ט י ס ט י ת

 259 .....	15. מבוא לחסקה סטטיסטית .....
260 .....	15.1 שיטות דגימה .....
265 .....	15.2 חתפנות הדגימה של המוצע .....
268 .....	15.3 משפט הגבול המרכז למוצע .....
 275 .....	מושגים לחזרה .....
276 .....	תרגילים - פרק 15 .....
 277 .....	16. אמידה .....
277 .....	16.1 אומד נקודתי .....
280 .....	16.2 אומד על ידי תחום .....
280 .....	16.3 אומד נקודתי ל- $\mu$ .....
281 .....	16.4 אומד על ידי תחום ל- $\mu$ .....
283 .....	16.5 רוח בר-סמך ל- $\mu$ כאשר ס ידועה .....

285 .....	16.5.1 תכונות רוח - חסמן
286 .....	16.6 מציאת גודל המדגם
291 .....	מושגים לחזרה
292 .....	תרגילים - פרק 16
295 .....	17. בדיקת השערות על הפרמטר $\mu$ כאשר $\sigma$ נתונה
295 .....	17.1 ניתוח בעיה של בדיקת השערות על $\mu$
296 .....	17.2 תחlik' חமבחן
301 .....	17.3 דרך נוספת לבדיקת השערות
304 .....	17.4 חישוב $\beta$
306 .....	17.4.1 תכונות $\beta$
307 .....	17.4.2 קביעת גודל המדגם
312 .....	17.5 מבחן דו-כיוני
315 .....	17.6 הקשר בין רוח בר-סמן ובדיקת השערות
317 .....	מושגים לחזרה
318 .....	תרגילים - פרק 17
321 .....	18. הסקה על פרופורציה באוכלוסייה
323 .....	18.1 משפט הגבול המרכזי לפרופורציה
325 .....	18.2 אמידת הפרמטר $P$
326 .....	18.2.1 אומד נקודתי
326 .....	18.2.2 רוח בר-סמן לפרמטר $P$
328 .....	18.2.3 גודל המדגם
332 .....	18.3 בדיקת השערות על הפרמטר $P$
336 .....	18.4 גודל המדגם עבור $\alpha$ ו- $\beta$ נתונות
338 .....	מושגים לחזרה
339 .....	תרגילים - פרק 18
341 .....	19. הסקה על הפרמטר $\mu$ כאשר $\sigma$ לא נתונה
341 .....	19.1 אמידת השונות
342 .....	19.2 התפלגות $\bar{x}$
346 .....	19.3 רוח בר-סמן ל- $\mu$ כאשר $\sigma$ לא נתונה
349 .....	19.4 בדיקת השערות על $\mu$ כאשר $\sigma$ לא נתונה

355 .....	מושגים חוזרת.....
356 .....	תרגילים - פרק 19 .....
<b>359 .....</b>	<b>20. הסקה על שונות האוכלוסייה<sup>2</sup> .....</b>
360 .....	20.1 התפלגות הדגימה של חסטטיסטי <sup>2</sup> .....
360 .....	20.2 התפלגות <sup>2</sup> א' .....
362.....	20.2.1 קשר בין התפלגות נורמלית לתפלגות <sup>2</sup> א' .....
363 .....	20.3 בדיקת השערות על <sup>2</sup> ס .....
365 .....	20.4 רוח בר-סמן ל- <sup>2</sup> ס .....
367 .....	מושגים חוזרת.....
368 .....	תרגילים - פרק 20 .....
<b>369 .....</b>	<b>21. הסקה סטטיסטית לפי שני מוגדים .....</b>
371 .....	21.1 השוואת ממוצעים לפי שני מוגדים בלתי תלויים .....
373 .....	21.2 בדיקת השערות על $(\mu_1 - \mu_2)$ כאשר $\sigma_1 = \sigma_2$ ידועות .....
377 .....	21.3 רוח בר-סמן ל- $(\mu_1 - \mu_2)$ כאשר $\sigma_1 = \sigma_2$ ידועות .....
379 .....	21.4 קשר בין רוח בר-סמן לבדיקת השערות .....
381.....	21.5 בדיקת תשערות על $(\mu_1 - \mu_2)$ כאשר $\sigma_1 = \sigma_2$ לא ידועות אך שווות .....
387 .....	21.6 רוח בר-סמן ל- $(\mu_1 - \mu_2)$ כאשר $\sigma_1 = \sigma_2$ לא ידועות אך שווות .....
388 .....	21.7 הסקה על $(\mu_1 - \mu_2)$ כאשר $\sigma_1 = \sigma_2$ לא ידועות ואין שווות .....
392 .....	21.8 ניתוח פלט מחשב .....
399 .....	21.8 הסקה על הפרש ממוצעים לפי שני מוגדים מזוהיגים .....
401 .....	21.9 בדיקת תשערות על $\mu_D$ .....
405 .....	מושגים חוזרת.....
406 .....	תרגילים - פרק 21 .....
<b>409 .....</b>	<b>22. השוואת פרופורציות לפי שני מוגדים בלתי תלויים .....</b>
410 .....	22.1 בדיקת תשערות על $(P_1 - P_2)$ .....
414 .....	22.2 רוח בר-סמן ל- $(P_1 - P_2)$ .....
416 .....	מושגים חוזרת.....
417 .....	תרגילים - פרק 22 .....
<b>419 .....</b>	<b>23. הסקה על שונות של שתי אוכלוסיות .....</b>

419 .....	23.1 הסקה על יחס השונות $\sigma_1^2/\sigma_2^2$
421 .....	23.2 התפלגות F
424 .....	23.3 בדיקת השערות על $\sigma_1^2/\sigma_2^2$
426 .....	23.4 רוח בר-סמך ל- $\sigma_1^2/\sigma_2^2$
428 .....	מושגים לחזרה
429 .....	תרגילים פרק 23
430 .....	<b>טבלת סיכום להסקה סטטיסטית</b>
435 .....	<b>נספח - טבלאות סטטיסטיות:</b>
437 .....	טבלה מס' 1 - התפלגות נורמלית
438 .....	טבלה מס' 2 - התפלגות t
439 .....	טבלה מס' 3 - התפלגות $\chi^2$
440 .....	טבלה מס' 4 - התפלגות F
444 .....	טבלה מס' 5 - מספרים מקריים
445 .....	<b>ביבליוגרפיה</b>

## הקדמה

סטטיסטיקה לילא סטטיסטיקאים".... לכל אלה שלא בחרו להיות סטטיסטיקאים, אך נדרשים ללמידה סטטיסטיקה במסגרת לימודיהם העיקריים בתנוממים שונים כמו: רפואיות, סוציאולוגיה, כלכלת, עבודה סוציאלית, חינוך, פסיכולוגיה ועוד ועוד, מיועד ספר זה.

לربים מבין "הלא סטטיסטיקאים" יש רתיעה מהמקצוע סטטיסטיקה בכלל חקשור למספרים ונוסחאות, ומוכרים המשפטים כמו: "סטטיסטיקה מקצוע יבש" ... "עלולים לא אדע סטטיסטיקה" ... "איןני מסוגל לעבוד עם נוסחאות" ... "לא יודע מתמטיקה ופוחד מכל דבר הקשור במספרים" ... וכו' .  
ובכן, אפשר ללמידה סטטיסטיקה גם ללא דמעות ופחד - זהו הuko תמנה בספר זה.

בכל מחקר המבוסס על נתונים נדרש ידע בסטטיסטיקה כדי לארון, לתאור ולהסביר מסקנות מהנתונים. כל מי שעוסק במחקר אמפירי חייב בידע בסיסי בשיטות סטטיטיות, גם אם במחקר שותף סטטיסטיקאי האחראי לעיבודים. הסטטיסטיטים. לחוקר ה"לא סטטיסטיקאים" חייבות להיות שפה משותפת עם הסטטיטיטיקאי של המחקר, כדי שיוכל לשאול את השאלות חמוטאליות וכמונן להבין את התוצאות המחוקירות. גם מי שאינו עוסק במחקר אמפירי, אך קורא פרסומים מדעיים, חייב בידע בסטטיטיקה כדי להבין את משמעות הממצאים. על כן, בתחומיים רבים תלמידי תואר ראשון חביבים בקורס בסיסי בסטטיטיקה, ולתלמידי תואר שני חביבים בקורס מתקדם בשיטות סטטיטיטיות.

חומר מבוסס על רשימות של קורסים בסטטיטיקה שלימודתי המשך למעלה מ-20 שנה באוניברסיטה העברית בירושלים ובאוניברסיטת תל-אביב, לתלמידי תואר ראשון ותואר שני במדעי החברה, בבייה"ס לעובדה סוציאלית ובבייה"ס לרפואה.

החדש בספר הוא על הצד היישומי של הסטטיטיטה. החסברים אינטואיטיביים וمبוססים על הציגו העומד מאחוריו השיטות הסטטיטיטיות. אין כוחות מתמטיות מרכבות וαιן דגש על חוקי התיאורטי-מתמטי, שהוא מעוניינים של הסטטיטיטיקאים. בספר מושלבים פלטי מחשב של תוכניות סטנדרטיות מ-SPSS ו-X-SPSS. נלמד לקרוא ולפרש את התוצאות בפלטים אלה.

לספר שני חלקים :

חלק א' - מתאים לקורס בסיסי במבוא לסטטיטיטה הניגן במסגרת מדעי החברה ורפואה.

חלק ב' - עוסק בשיטות סטטיטיטיות מתקדמות, ומיועד לתלמידי מוסמץ מדעי החברה ורפואה.

בסיום כל פרק רשימת מושגים לחזרה ותרגילים. לתרגילים חישוביים מובאים הਪתרונות אחרי כל תרגיל.

במהדורה השניה של הספר נוסף פרק העוסק בנושא: קשרلينארו בין שני משתנים (פרק מס' 10). הנושא הרחב של קשר סטטיסטי בין משתנים יופיע בחלק ב' של הספר הנמצא בהכנה.

במהדורה השלישית של הספר הוכנסו מספר תיקונים.

תודה נטענה לד"ר אלונה רביב על העורותיה המועילות אשר יושמו ב מהדורה זו. כן תודהי לגבי דורורה ועדייה שהagara את ענייני בענייני לשון.

תודה מיוחדת לבתי שرون על המסירות והדיק בחרדפת כתוב היד, לבבלי צבי ובני עמרי שעוזדוני בכתיבת ספר זה.

רונית איינברג

## **מ ב ו א**

### **1. מהי סטטיסטיקה?**

המדע סטטיסטיקה עוסק בשיטות לתיאור וניתוח נתונים אמפיריים, ושיטות להסקת מסקנות מנתונים אלה.

בכל מחקר המבוסס על נתונים אמפיריים דרוש ידע בסטטיסטיקה כדי לארכן את הנתונים, לנתח ולהשתיק מהם מסקנות. על כן הסטטיסטיקה משמשת כmekrou' עוזר בתחוםים רבים כמו: רפואי, כלכלה, סוציאולוגיה, פסיכולוגיה, חינוך, ביולוגיה, הנדסה ועוד.

**לסטטיסטיקה שני כיוונים עיקריים:**

**א. סטטיסטיקה תיאורית.**

**ב. הסקת סטטיסטית.**

### **1.1**

**סטטיסטיקה התיאורית עוסקת בשיטות לארגון, תיאור ותמצות הנתונים שנאספו במחקר סטטיסטי.**

הנושאים העיקריים בתחום זה הם: בניית לוחות סטטיסטיים, הצגות גרפיות של נתונים, סיכום הנתונים על ידי ערכים מרכזיים ומדדוי פיזור, וניתוח קשרים סטטיסטיים.

בסטטיסטיקה תיאורית מתרכזים בתיאור אוטם נתונים שנאספו במחקר כאוכלוסית הדעת של המחבר, ללא חכלות לקבוצות ורחבות יותר. הקבוצה הנחקרה היא אוכלוסיית המחקר, אותה מתארים באמצעות השיטות של הסטטיסטיקה התיאורית.

### **1.2**

**הסקת סטטיסטיות** העוסקת בשיטות להכללה מהתוצאות של מדגם מייצג על כל האוכלוסייה.

פונקציית ההסתברות של  $X$  לפי הנוסחה:

$$N=8 \quad n=3 \quad R=3 \quad X \sim H(8, 3, 3)$$

$$P(X=x) = \frac{\binom{R}{x} \binom{N-R}{n-x}}{\binom{N}{n}}$$

כפי בנוסחה את התוצאות:

$$P(X=x) = \frac{\binom{3}{x} \binom{5}{3-x}}{\binom{8}{3}}$$

$x$	0	1	2	3
$P(x)$	10/56	30/56	15/56	1/56

התוחלת של  $X$  עבור פונקציית ההסתברות ההיירגיאומטרית:

$$EX = n \cdot \frac{R}{N} = 3 \cdot \frac{3}{8} = 1.125$$

סטטיסטית התקן של  $X$  עבור פונקציית ההסתברות ההיירגיאומטרית:

$$\sigma_X = \sqrt{n \cdot \left(1 - \frac{R}{N}\right) \frac{N-n}{N-1}} = \sqrt{3 \cdot \frac{5}{8} \cdot \frac{8-3}{8-1}} = 0.708$$

## 14.6 פונקציית הסתברות נורמלית

פונקציית הסתברות של משתנה מקרי  $X$  רציף,  $-\infty < X < \infty$ , כורתת פעמו סימטרי.

למשתנה המקרי  $X$ :

תוחלת:  $\mu$

סטיית חתךן:  $\sigma$

$$\text{ציון חתךן: } Z = (X - \mu) / \sigma$$

חישוב חמצטבר עד ל-Z:  $\Phi(Z)$

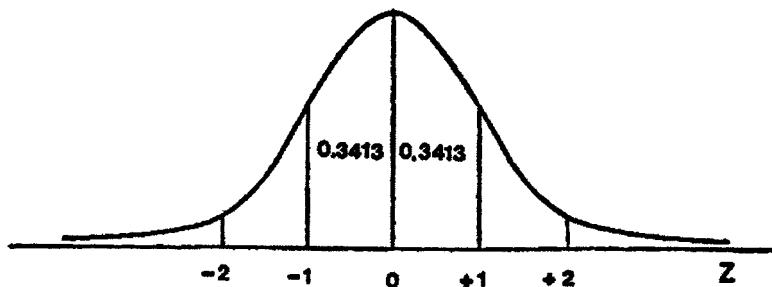
פונקציית הסתברות נורמלית:

$$f(X) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-(1/2)(X-\mu)^2/\sigma^2}$$

$e=2.71828\dots \quad \pi=3.14159\dots$

$$f(Z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-(1/2)Z^2}$$

עבור ציון חתךן Z:  
 $\mu=0 \quad \sigma=1$



דנו בתכונות החתפוגות הנורמלית במסגרת הסטטיסטיקה התיאורית, כאשר חישוב מצין אחוז המקרים באוכלוסייה הנחקרת.

**כפונקציית הסתברות** - תשучות מצין הסתברות של המשתנה המקרי  $X$ .